

Fizyka rozbłysków słonecznych

- wykład nr XIII

skrót wybranych slajdów

Krzysztof Radziszewski

Instytut Astronomiczny, Uniwersytet Wrocławski

Kinematyka cząstek – relatywistyczne prędkości

$$\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - \beta^2}} = \frac{1}{\sqrt{1 - v^2/c^2}}$$

– relatywistyczny
współczynnik
Lorentz'a

Gdzie β jest bezwymiarową wartością określającą prędkość: $\beta = \frac{v}{c}$

Możemy zatem zapisać energię kinetyczną elektronu jako wyrażenie zależne od współczynnika Lorentz'a lub od prędkości elektronu:

$$\varepsilon = m_e c^2 (\gamma - 1) = m_e c^2 \left(\frac{1}{\sqrt{1 - (v/c)^2}} - 1 \right) \approx \frac{1}{2} m_e v^2 + \dots$$

Kinematyka cząstek – relatywistyczne prędkości

Prędkość elektronów możemy przedstawić w zależności od ich energii kinetycznej:

$$v(\varepsilon) = c\sqrt{1 - \frac{1}{\gamma^2}} = c\sqrt{1 - \frac{1}{\left(1 + \frac{\varepsilon}{m_e c^2}\right)^2}}$$

Przy założeniu, że przyśpieszanie odbywa się w stałym polu elektrycznym \mathbf{E} mamy:

$$v(t) = c \frac{1}{\sqrt{1 + (mc/qEt)^2}} \approx \frac{qE}{m} t$$

↑
przybliżenie nierelatywistyczne

Kinematyka cząstek – relatywistyczne prędkości

Używając współczynnika Lorenz'a możemy zatem zapisać zależność na **czas przyspieszania elektronów** (cząstek):

$$t_{acc}(\gamma) = \frac{mc}{qE} \sqrt{\gamma^2 - 1}$$

Magnetostatyka w pionowej rurze magnetycznej

Jednym z najprostszych zastosowań równań MHD jest przypadek pętli w statycznej równowadze. Zależność od czasu:

$$\frac{\partial}{\partial t} = 0$$

znika, a przepływy są stałe:

$$v = \text{const.}$$

W ten sposób lewa strona równania pędu (w „ideal MHD”), znika. Otrzymujemy:

$$0 = -\nabla p - p\vec{g} + (\vec{j} \times \vec{B})$$

Zaniedbując grawitację [$\vec{g} = (0,0,g_0)$], która jest dokładnie zerowa, gdy rozpatrujemy horyzontalną równowagę ciśnienia, oraz wstawiając wyrażenie na prąd (z równań Maxwella):

$$\vec{j} = \left(\frac{1}{4\pi} \right) (\nabla \times \vec{B})$$

Magnetostatyka w pionowej rurze magnetycznej

Otrzymujemy **równanie magnetostatyki**:

$$-\nabla p - \frac{1}{4\pi} \vec{B} \times (\nabla \times \vec{B}) = 0$$

a po przekształceniach (wektorowych) mamy:

$$-\nabla \left(p + \frac{\vec{B}^2}{8\pi} \right) + \frac{1}{4\pi} (\vec{B} \nabla) \vec{B} = 0$$

gradient całkowitego ciśnienia
(czyli suma ciśnienia termicznego
i magnetycznego)

napięcie magnetyczne

Magnetostatyka w pionowej rurze magnetycznej

Dla pionowej rury, która nie jest wygięta, a zatem nie ma napięcia magnetycznego, drugi człon równania może być pominięty. Tak więc dla horyzontalnej równowagi ciśnienia, otrzymujemy prostą zależność mówiącą, że całkowite ciśnienie jest stałe:

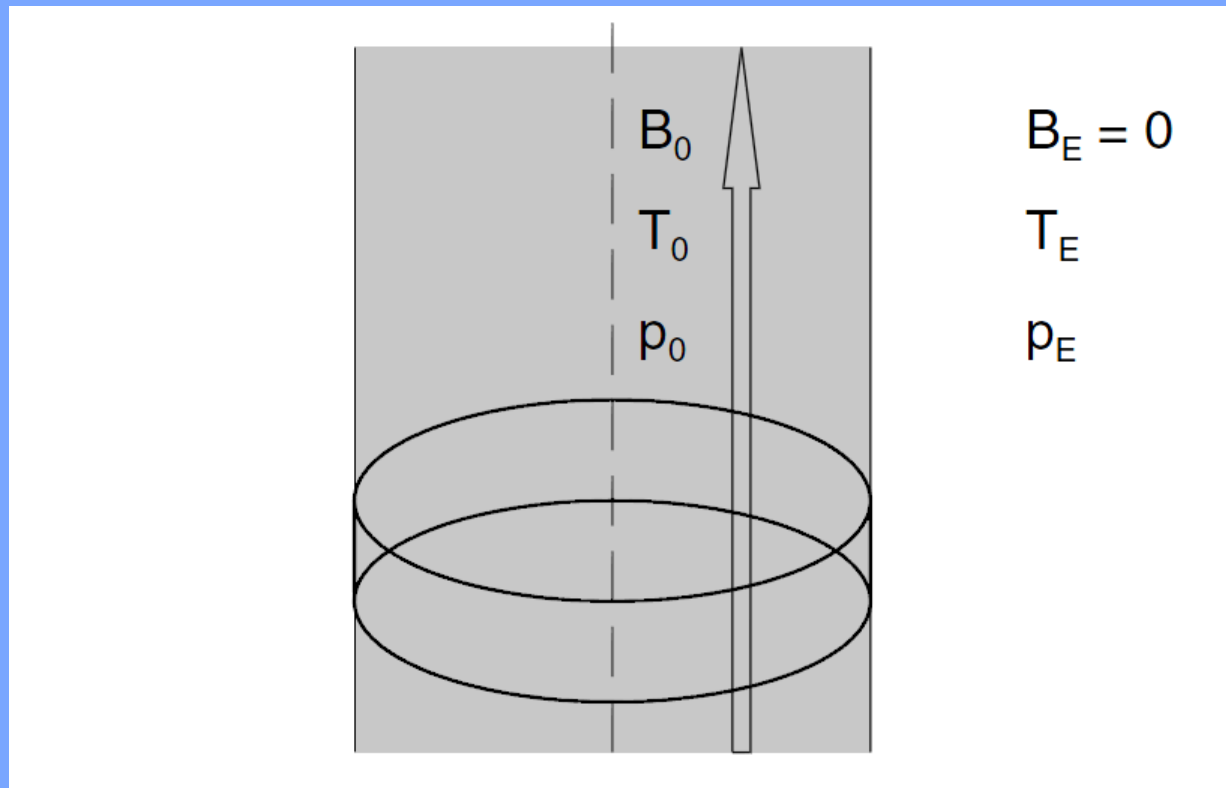
$$-\nabla\left(p + \frac{\vec{B}^2}{8\pi}\right) = 0$$

Ta prosta reguła doskonale nadaje się do przedstawienia opisu horyzontalnej równowagi ciśnienia w plamach słonecznych, zawierających silne pole magnetyczne (B_0). Pole magnetyczne znajdujące się poza plamą jest znacznie słabsze, zatem możemy przyjąć (upraszczając), że: $B_E = 0$.

Magnetostatyka w pionowej rurze magnetycznej

Pionowa rura magnetyczna z wewnętrznymi parametrami: $B_0 > 0$, T_0 , p_0

oraz zewnętrznymi parametrami: $B_E = 0$, T_E , p_E



Magnetostatyka w pionowej rurze magnetycznej

Przyjmując oznaczenia jak na rysunku możemy zapisać, że całkowite ciśnienie wewnątrz rury jest równoważne ciśnieniu termicznemu na zewnątrz rury:

$$p_E = p_0 + \frac{\vec{B}_0^2}{8\pi}$$

Podstawiając:

$$p_0 = 2n_0k_B T_0 \quad \text{oraz} \quad p_E = 2n_E k_B T_E$$

a także zakładając taką samą gęstość wewnątrz i na zewnątrz: $n = n_0 = n_E$, otrzymujemy zależność wiążącą siłę pola magnetycznego (B_0) i różnicę temperatur ($T_E - T_0$):

$$B_0^2 = 16\pi n k_B (T_E - T_0)$$